

Coordenadas con respecto a la Base.

October 17, 2007

DAN:

$B = \{x + 3, 2x + 5, x^2 + 1\}$ — $S = \{x, 1, x^2\}$ Bases para el espacio vectorial P^3 y $v = 2 + 3x - 5x^2$ un vector de P^3

PIDEN:

- Hallar las coordenadas de v con respecto a la base B

PLAN:

1. Asignarle una constante ϱ a cada vector de B
2. Igualar v con B
3. Multiplicar ϱ por cada vector de B
4. Igualar los vectores de B con su correspondiente en v
5. Despejar ϱ del sistema de ecuaciones que me queda.

EJECUCION:

$$B = \{\varrho_1(x + 3) + \varrho_2(2x + 5) + \varrho_3(x^2 + 1)\}$$

$$2 + 3x - 5x^2 = \varrho_1(x + 3) + \varrho_2(2x + 5) + \varrho_3(x^2 + 1)$$

$$2 + 3x - 5x^2 = (3\varrho_1 + 5\varrho_2 + \varrho_3) + (\varrho_1 + 2\varrho_2)x + \varrho_3x^2$$

.

.

$$3\varrho_1 + 5\varrho_2 + \varrho_3 = 2$$

$$\varrho_1 + 2\varrho_2 = 3$$

$$\varrho_3 = 5$$

.

.

$$\varrho_1 = -1 \text{ , } \varrho_2 = 2 \text{ , } \varrho_3 = -5$$

..

..

$$[v]_B = (-1, 2, -5)$$